

# Manipuler efficacement les motifs binaires

## *Plan:*

- *Table des classes de priorités des opérateurs du C++*
- *Rappel des propriétés des opérateurs logiques*
- *les opérateurs bit à bit : & | ^ ~ << >>*

# niveaux de priorités des opérateurs

Plus de 50 opérateurs  
sur 17 niveaux de priorités

Associativité: pour les  
opérateurs de même  
priorité

Gauche->Droite / Left-to-Right  
Droite->Gauche / Right-to-Left

**Opérateurs  
bit à bit**

Precedence	Operator	Description	Associativity
1	::	Scope resolution	Left-to-right
2	a++ a-- type() type{} a() a[] . ->	Suffix/postfix increment and decrement Functional cast Function call Subscript Member access	
3	++a --a +a -a ! ~ (type) *a &a sizeof co_await new new[] delete delete[]	Prefix increment and decrement Unary plus and minus Logical NOT and bitwise NOT C-style cast Indirection (dereference) Address-of Size-of <sup>[note 1]</sup> await-expression (C++20) Dynamic memory allocation Dynamic memory deallocation	Right-to-left
4	.* ->*	Pointer-to-member	Left-to-right
5	a*b a/b a%b	Multiplication, division, and remainder	
6	a+b a-b	Addition and subtraction	
7	<< >>	Bitwise left shift and right shift	
8	<=>	Three-way comparison operator (since C++20)	
9	< <= > >=	For relational operators < and ≤ respectively For relational operators > and ≥ respectively	
10	== !=	For relational operators = and ≠ respectively	
11	&	Bitwise AND	
12	^	Bitwise XOR (exclusive or)	
13		Bitwise OR (inclusive or)	
14	&&	Logical AND	
15		Logical OR	
16	a?b:c throw co_yield = += -= *= /= %= <<= >>= &= ^=  =	Ternary conditional <sup>[note 2]</sup> throw operator yield-expression (C++20) Direct assignment (provided by default for C++ classes) Compound assignment by sum and difference Compound assignment by product, quotient, and remainder Compound assignment by bitwise left shift and right shift Compound assignment by bitwise AND, XOR, and OR	Right-to-left
17	,	Comma	Left-to-right

# Rappel : Le ET logique

`bool a, b;`

		<i>b</i>	
		<i>0</i>	<i>1</i>
<i>a</i>	<i>a &amp;&amp; b</i>	<i>0</i>	<i>1</i>
	<i>0</i>	<i>0</i>	<i>0</i>
<i>1</i>	<i>0</i>	<i>1</i>	

*ET LOGIQUE*

$0 \ \&\& \ b = 0$   
 $1 \ \&\& \ b = b$

**Evaluation paresseuse du ET logique:**

L'opérande **droit** n'est PAS évalué  
si celui de **gauche** vaut **0**

# Rappel: Le OU logique

`bool a, b;    b`

		<code>b</code>	
		<code>0</code>	<code>1</code>
<code>a</code>	<code>0</code>	<code>0</code>	<code>1</code>
	<code>1</code>	<code>1</code>	<code>1</code>

`0 // b = b`  
`1 // b = 1`

*OU LOGIQUE*

**Evaluation paresseuse du OU logique:**

L'opérande **droit** n'est PAS évalué  
si celui de **gauche** vaut **1**

# Rappel : Le OU Exclusif

		$b$	
		$0$	$1$
$a$	$0$	$0$	$1$
	$1$	$1$	$0$

*OU Exclusif*

$$a \wedge 0 = a$$

$$a \wedge 1 = \underline{\text{Négation de } a}$$

## *Exemples avec les opérateurs bit à bit*

soit n et p deux variables de type entier

<b>n</b>	<b>0000010101101110</b>
<b>p</b>	<b>0000001110110011</b>

# ET-Logique

n & p

n	0000010101101110
p	0000001110110011
n&p	0

*n* & *p*

<b>n</b>	0000010101101110
<b>p</b>	0000001110110011
<b>n&amp;p</b>	0000000100100010



*b & 1 donne b*

*b & 0 donne 0*

<b>b</b>	bbbbbbbbb
<b>p</b>	000000 <b>111</b> 0 <b>11</b> 00 <b>11</b>
<b>b&amp;p</b>	000000 <b>bbb</b> 0 <b>bb</b> 00 <b>bb</b>

# *OU\_Logique*

*n / p*

<b>n</b>	0000010101101110
<b>p</b>	0000001110110011
<b>n / p</b>	1

$n \mid p$

$n$	0000010101101110
$p$	0000001110110011
$n \mid p$	0000011111111111

*b / 1 donne 1*

*b / 0 donne b*

<b>b</b>	bbbbbbbbb
<b>p</b>	0000001110110011
<b>b   p</b>	bbbbbb111b11bb11

# Negation bit-à-bit $\sim n$

<b>n</b>	0000010101101110
<b><math>\sim n</math></b>	1

$\sim n$

<b>n</b>	<b>0000010101101110</b>
<b><math>\sim n</math></b>	<b>1111101010010001</b>

**OU\_Exclusif**

**n ^ p**

<b>n</b>	0000010101101110
<b>p</b>	0000001110110011
<b>n ^ p</b>	1

$$n \wedge p$$

<b>n</b>	00000 <b>10101101110</b>
<b>p</b>	00000 <b>01110110011</b>
<b>n<sup>∧</sup>p</b>	00000 <b>11011011101</b>

The diagram illustrates the XOR operation between two binary numbers, n and p, to produce the result n<sup>∧</sup>p. The bits of n and p are aligned, and the resulting bits of n<sup>∧</sup>p are shown below. Green boxes highlight the corresponding bits in n and p, and green arrows point to the resulting bits in n<sup>∧</sup>p.

<b>n</b>	00000 <b>10101101110</b>
<b>p</b>	00000 <b>01110110011</b>
<b>n<sup>∧</sup>p</b>	00000 <b>11011011101</b>



$b \wedge 1$  donne  $\sim b$  (noté  $b$ )

$b \wedge 0$  donne  $b$

<b>b</b>	bbbbbb <b>bbb</b> bbbb
<b>p</b>	000000 <b>111</b> 0 <b>11</b> 00 <b>11</b>
<b>b<sup>∧</sup>p</b>	bbbbbb <u><b>bbb</b></u> b <u><b>bb</b></u> bb <u><b>bb</b></u>

# Décalage du motif binaire vers la gauche : $n \ll 3$



$n$	0000010101101110
$n \ll 3$	


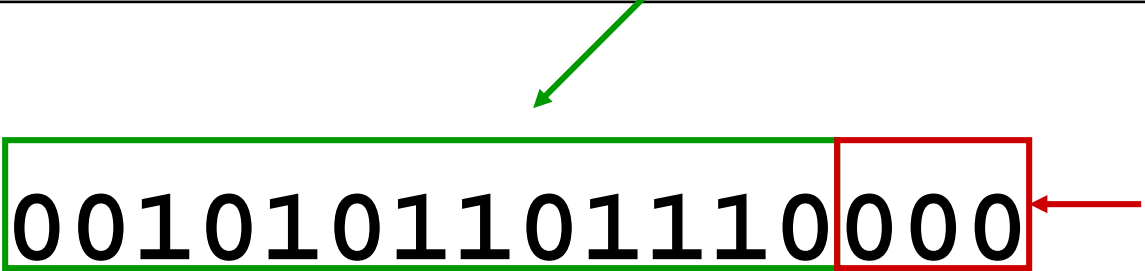
$n \ll 3$



<b>n</b>	← 0000010101101110
<b>n &lt;&lt; 3</b>	

$$n \ll 3$$

*équivalent à une multiplication par  $2^3$*

$n$	
$n \ll 3$	

# Décalage du motif binaire vers la droite : $n \gg 3$



$n$	0000010101101110
$n \gg 3$	

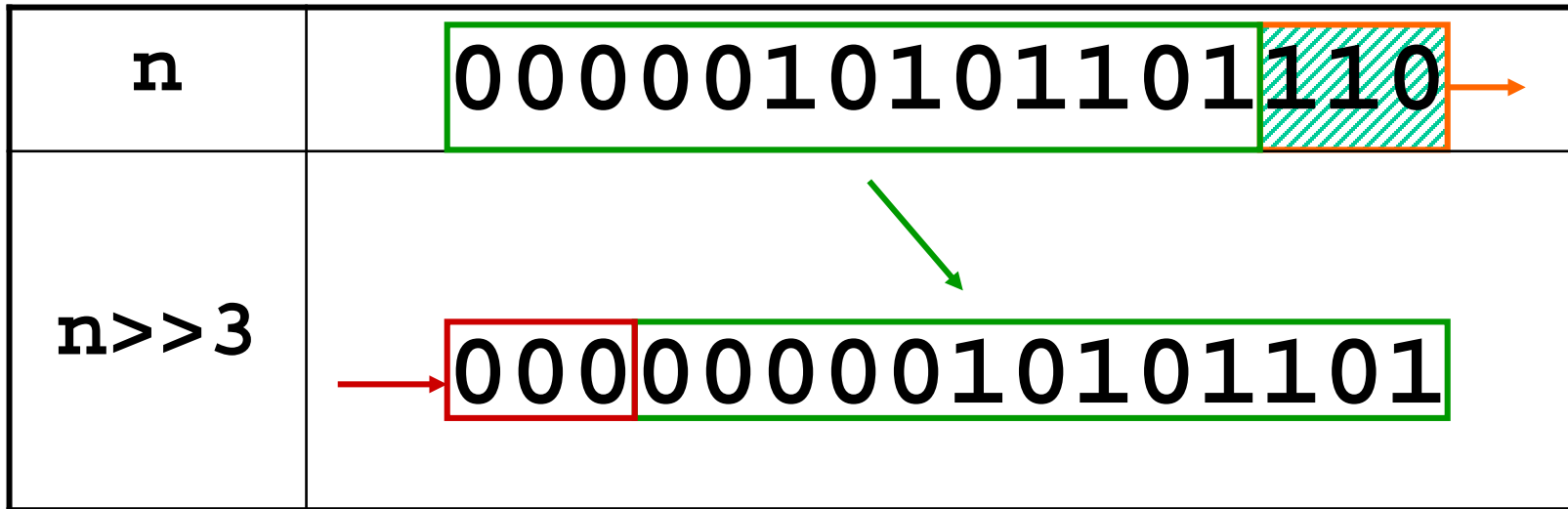
$n \gg 3$



$n$	0000010101101110
$n \gg 3$	

$$n \gg 3$$

équivalent à une division *entière* par  $2^3$



Attention: comportement dépend de la machine pour les nombres signés négatifs

Ici pas de problème car le bit de poids fort est 0, donc peu importe si le nombre est de type int ou unsigned int, dans tous les cas des 0 sont introduits

Application système embarqué 1:  
extraction d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque **m** avec décalage **d**





*extraction d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>m = 0xF</b>	<b>0000000000000000</b> <span style="color: green;">1111</span>

*extraction d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>m = 0xF</b>	0000000000000000 <b>1111</b>
<b>b &gt;&gt; 6</b>	????? <b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbb</span>

*extraction d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>m = 0xF</b>	0000000000000000 <b>1111</b>
<b>b &gt;&gt; 6</b>	????? <b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbb</span>
<b>m &amp; ( b &gt;&gt; 6 )</b>	0000000000000000 <b>bbb</b>

Application système embarqué 2:  
insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque **m** avec décalage **d**



*on veut ranger  
une nouvelle valeur ici*

*par exemple:  $v = 0010$*

*insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;"><b>bbbb</b></span> <b>bbbbbb</b>
<b>m = 0xF</b>	<b>0000000000000000</b> <span style="color: green;"><b>1111</b></span>

*insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>m = 0xF</b>	00000000000000 <b>1111</b>
<b>m &lt;&lt; 6</b>	000000 <b>1111</b> 00000000

*insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>m = 0xF</b>	00000000000000 <b>1111</b>
<b>m &lt;&lt; 6</b>	000000 <b>1111</b> 000000
<b>~ (m &lt;&lt; 6)</b>	111111 <b>0000</b> 111111

*insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>m = 0xF</b>	00000000000000 <b>1111</b>
<b>m &lt;&lt; 6</b>	000000 <b>1111</b> 000000
<b>~ (m &lt;&lt; 6)</b>	111111 <b>0000</b> 111111
<b>b &amp; ~ (m &lt;&lt; 6)</b>	<b>bbbbbb</b> 0000 <b>bbbbbb</b>



*insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>b &amp; ~ (m &lt;&lt; 6)</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="color: green;">0000</span> <b>bbbbbb</b>
<b>v = 0x2</b>	<b>0000000000000000</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">0010</span>

*insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

<b>b</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">bbbb</span> <b>bbbbbb</b>
<b>b &amp; ~ (m &lt;&lt; 6)</b>	<b>bbbbbb</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">0000</span> <b>bbbbbb</b>
<b>v = 0x2</b>	<b>00000000000000000010</b>
<b>v &lt;&lt; 6</b>	<b>0000000</b> <span style="border: 1px solid green; padding: 2px;">0010</span> <b>0000000</b>

*insertion d'un champ de bit  
à l'aide d'un masque  $m$  avec décalage  $d$*

$b$	bbbbbb <b>bbbb</b> bbbbbb
$b \& \sim (m \ll 6)$	bbbbbb0000bbbbbb
$v \ll 6$	000000 <b>0010</b> 00000000
$(b \& \sim (m \ll 6)) \mid (v \ll 6)$	bbbbbb <b>0010</b> bbbbbb

## Application 3: gestion de l'ouverture des fichiers en C++

Exemple: il existe plusieurs constantes définissant les options possibles pour ouvrir un **stream**

Il est autorisé d'activer plusieurs options: **écriture + binaire + app**

L'expression `option1 | option2 | option3`

fusionne ces 3 options dans un seul motif binaire entier  
qui est passé à la méthode `open()` du stream