

Soit  $M$  une variété lisse. Une métrique Riemannienne sur  $g$  sur  $M$  est un 2-tenseur lisse symétrique et défini positif en tout  $p \in M$ .

**12.1.** Montrer que toute variété Riemannienne admet une métrique Riemannienne.

**12.2.** En utilisant une fonction plateau, montrer l'unicité de la dérivée extérieure.

**12.3.** (Lemme de Poincaré)

- Montrer que  $H^0(\mathbb{R}^n) \cong \mathbb{R}$ .
- Montrer que  $H^1(\mathbb{R}^n) = 0$ . (Noter qu'on peut montrer que  $H^k(\mathbb{R}^n) = 0$  pour tout  $k \geq 1$ , ceci est le lemme de Poincaré.)