

Place : 0

EIDGENÖSSISCHE TECHNISCHE HOCHSCHULE – LAUSANNE  
 POLITECNICO FEDERALE – LOSANNA  
 SWISS FEDERAL INSTITUTE OF TECHNOLOGY – LAUSANNE



Faculté Informatique et Communications  
 Cours ICC aux sections MA et PH  
 Chappelier J.-C.

ÉCOLE POLYTECHNIQUE  
 FÉDÉRALE DE LAUSANNE

# INFORMATIQUE, CALCUL & COMMUNICATIONS

## Sections MA & PH

### Examen intermédiaire I

26 octobre 2018

#### SUJET 1

#### Instructions :

- Vous disposez d'une heure quinze minutes pour faire cet examen (15h15 - 16h30).
- L'examen est composé de 2 parties : un questionnaire à choix multiples, à 12 points, prévu sur 45 minutes, et une partie à questions ouvertes, à 8 points, prévue sur 30 minutes. Mais vous êtes libres de gérer votre temps comme bon vous semble.
- **AUCUN DOCUMENT N'EST AUTORISÉ, NI AUCUN MATÉRIEL ÉLECTRONIQUE.**
- Vous devez **écrire à l'encre noire ou bleu foncée**, pas au crayon, ni en une autre couleur.
- Pour la première partie (questions à choix multiples), chaque question n'a qu'une seule réponse correcte parmi les quatre propositions. Il n'y a pas de point négatif. Indiquez vos réponses en bas de **cette** page en écrivant *clairement* pour chaque question une lettre majuscule parmi A, B, C et D. (Vous êtes autorisés à dégrafer cette page) **Aucune autre réponse ne sera considérée**, et en cas de rature, ou de toute ambiguïté de réponse, nous compterons la réponse comme fausse.
- Pour la seconde partie, répondez directement sur la donnée, à la place libre prévue à cet effet. Aucune feuille supplémentaire ne sera considérée.
- Toutes les questions comptent pour la note finale.

**Notations :** dans cet examen, le premier élément d'une liste  $L$  est noté  $L[1]$ .

#### Réponses aux quiz :

Reportez ici *en majuscule* la lettre de la réponse choisie pour chaque question, sans aucune rature.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

*NE RIEN ÉCRIRE SUR CETTE PAGE*

## PARTIE QUIZ

**Question 1)** On considère ici uniquement des schémas binaires sur 8 bits représentant des nombres entiers *positifs*. A quelle valeur décimale correspond le schéma binaire sur 8 bits de l'addition de 10010001 et 11111100 ?

A] 141

B] -115

C] 397

D] 198

**Question 2)** Si l'on interprète les schémas binaires suivants comme des nombres entiers *signés*, quel schéma correspond à la plus petite valeur ?

A] 11100000

B] 10000011

C] 01110000

D] 00000111

**Question 3)** En représentation non signée sur 8 bits, à quel nombre entier positif correspond le schéma binaire 10110101 ?

A] 75

B] 173

C] 181

D] 74

**Question 4)** Toujours pour le même schéma binaire 10110101, à quel nombre entier *signé* cela correspondrait-il ?

A] -75

B] 53

C] -181

D] -74

**Question 5)** Quelle est la complexité de l'algorithme suivant :

<b>algo5</b>
entrée : <i>Entier positif n</i>
sortie : <i>valeur</i>
<pre> Si <math>n \leq 2</math>       Sortir : 3 Sinon       Sortir : <math>4 \log(\text{algo5}(n - 2)) + 1</math> </pre>

A]  $\mathcal{O}(\log(n))$ B]  $\mathcal{O}(n)$  mais pas  $\mathcal{O}(\log(n))$ C]  $\mathcal{O}(2^n)$  mais pas  $\mathcal{O}(n^2)$ D]  $\mathcal{O}(n^2)$  mais pas  $\mathcal{O}(n)$ 

**Question 6)** Quelle est la complexité d'une recherche dans une liste quelconque (pas forcément ordonnée) de  $n$  éléments, si l'on utilise le meilleur algorithme de tri et la recherche par dichotomie ?

A]  $\mathcal{O}(n)$  mais pas  $\mathcal{O}(\log(n))$ B]  $\mathcal{O}(\log(n))$ C]  $\mathcal{O}(n \log(n))$  mais pas  $\mathcal{O}(n)$ D]  $\mathcal{O}(n(\log(n))^2)$  mais pas  $\mathcal{O}(n \log(n))$ 

suite au dos

**Question 7)** On considère la machine de Turing dont la table de transition est :

	0	1	$\varepsilon$
1	(2, $\varepsilon$ , +)	(3, $\varepsilon$ , +)	(4, $\varepsilon$ , -)
2	(2, 0, +)	(2, 1, +)	(4, 0, +)
3	(3, 1, +)	(3, 0, +)	(4, 1, +)

Quel est l'état de la bande lorsque la machine s'arrête, si elle a démarré dans l'état 1 avec sa tête de lecture positionnée comme suit :

$$\overline{\dots \varepsilon \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 0 \quad 1 \quad 1 \quad 0 \quad \varepsilon \dots}$$

↑

A]  $\dots \varepsilon 1 0 1 0 1 1 0 1 \varepsilon \dots$

C]  $\dots \varepsilon 0 1 0 1 0 0 1 1 \varepsilon \dots$

B]  $\dots \varepsilon 0 0 1 0 1 0 0 1 \varepsilon \dots$

D]  $\dots \varepsilon 1 0 1 0 1 1 0 0 \varepsilon \dots$

**Question 8)** Sachant que « 3-SAT » est le nom d'un problème de décision célèbre pour les informaticiens, connu pour être dans NP, laquelle des propositions suivantes est vraie ?

- A] « 3-SAT » n'a pas de solution.
- B] « 3-SAT » n'est donc forcément pas dans P.
- C] On connaît des algorithmes efficaces pour résoudre toute instance de « 3-SAT ».
- D] Toute solution de « 3-SAT » est facilement vérifiable.

**Question 9)** Supposons que l'on sache qu'un problème de décision nommé « Tank » n'est pas dans NP. Laquelle des affirmations suivantes est vraie ?

- A] « Tank » est dans P.
- B] « Tank » est indécidable.
- C] « Tank » est décidable et vérifier qu'une solution du problème « Tank » en est effectivement une prend un temps *au plus* polynomial par rapport à la taille de cette solution.
- D] Soit « Tank » est indécidable, soit vérifier qu'une solution du problème « Tank » en est effectivement une prend un temps *plus que* polynomial par rapport à la taille de cette solution.

**Question 10)** Supposons que l'on connaisse un algorithme de complexité  $4n \log(n) + 3n + 2$  permettant de résoudre un problème de décision appelé « Cypher » portant sur des données de taille  $n$ . Que peut-on en déduire ?

- A] « Cypher » n'est pas dans NP.
- B] « Cypher » est dans P.
- C] « Cypher » est dans NP mais pas dans P.
- D] rien de tout ça.

**Question 11)** Quelle est la sortie de l'algorithme suivant sur l'entrée  $L = (-3, 5, 12, -4, 3, 8, -1, -6, 4)$  :

algo11
entrée : $L$ liste de valeurs
sortie : ???
<pre> a ← taille(L) R ← ∅ // Liste vide Si a ≥ 3   Pour i de 1 à a - 2     Pour j de i + 1 à a - 1       Pour k de j + 1 à a         Si L[i] + L[j] + L[k] = 0           R ← (i, j, k) Sortir : R </pre>

A]  $\emptyset$  (liste vide)

B] (2, 4, 7)

C] (5, -4, -1)

D] (1, 7, 9)

**Question 12)** Si l'on note  $n$  la taille de la liste  $L$ , quelle est la complexité de l'algorithme de la question précédente ?

A]  $\mathcal{O}(n^3)$  mais pas  $\mathcal{O}(n^2)$

C]  $\mathcal{O}(n^2)$

B]  $\mathcal{O}(2^n)$  mais pas  $\mathcal{O}(n^4)$

D]  $\mathcal{O}(n^4)$  mais pas  $\mathcal{O}(n^3)$

(Vous pouvez utiliser cette partie pour répondre aux exercices suivants, mais veuillez s.v.p. préciser le numéro de la question traitée.)

suite au dos 

## PARTIE EXERCICES

### 1 – Ecriture d’algorithmes [8 points]

On s’intéresse ici à raccourcir les répétitions de trois ou plus valeurs identiques successives ; par exemple à produire la liste (6, 6, 4, 4, 12, 4, 6) à partir de la liste (6, 6, 4, 4, 4, 12, 4, 6) en supprimant le 4 en cinquième position car il est présent trois fois consécutives.

A noter que :

- les seules valeurs supprimées sont celles qui sont répétées successivement trois fois ou plus (l’une à la suite de l’autre) ; on ne garde alors que deux de ces valeurs (cf la valeur 4 ci-dessus) ;
- toute valeur présente une ou deux fois successivement est préservée, et l’on conserve l’ordre de la liste ;
- en sortie on ne peut donc pas avoir plus de deux valeurs identiques consécutives.

**Question 13)** [2.5 points] Ecrivez un algorithme itératif (c.-à-d. non récursif, mais avec des boucles) résolvant ce problème.

**Question 14)** [1 point] Déterminez la complexité de votre algorithme. Justifiez votre réponse.

**Question 15)** [3 points] On s’intéresse maintenant à une solution récursive séparant le premier élément et le reste de la liste. Pour cela, il serait plus pratique que l’algorithme retourne également le nombre de répétitions successives de la première valeur dans la liste résultat ; par exemple à partir de la liste (6, 6, 6, 6, 4, 4, 4, 12, 4, 6), l’algorithme récursif doit produire la sortie (6, 6, 4, 4, 12, 4, 6) et 2, car il y a 2 fois la valeur 6 au début de la liste résultat. A noter que cette information supplémentaire sera donc nécessairement inférieure ou égale à 2.

Ecrivez un algorithme récursif résolvant le problème de cette façon.

**Question 16)** [1.5 points] Déterminez la complexité de votre algorithme. Justifiez votre réponse.

---

Réponses :

(Utilisez cette page pour continuer de répondre à l'exercice ci-contre, mais veuillez s.v.p. préciser le numéro de la question traitée.)

(Utilisez cette page pour, si nécessaire, continuer de répondre à l'un des exercices, mais veuillez s.v.p. préciser le numéro de la question traitée.)