

Exercice : Entropie

```
#include <iostream>
#include <cmath> // pour log()
#include <cctype> // pour isalpha() et toupper()
#include <vector>
#include <array>
using namespace std;

// =====
typedef vector<double> Distribution;

// =====
Distribution calcule_probab(string const& s, bool compter_espace = false)
{
    array<double, 27> frequences; // 28 = 26 caractères alphabétiques + 1 espace
    for (auto& f : frequences) f = 0.0;
    double somme(0.0); /* Nombre de caractères pris en compte.
                       * N'est pas forcément égal à s.size() si il y a des caractères par
                       * Mis en double pour la division ultérieure. */

    for (const char c : s) {
        if (isalpha(c)) {
            ++frequences[toupper(c) - 'A'];
            ++somme;
        } else if ((c == ' ') and (compter_espace)) {
            ++frequences.back();
            ++somme;
        }
    }

    // Crée la distribution
    Distribution probas;

    for (auto& f : frequences) {
        if (f > 0.0) { // on ne retient que les non nuls ici
            probas.push_back(f / somme);
        }
    }

    return probas;
}

// =====
double log2(double x)
{
    if (x == 0.0) return 0.0; // pour éviter le NaN
    return log(x) / log(2.0);
}

// =====
double entropie(Distribution const& probas)
{
    double entropy(0.0);
    for (auto p : probas) {
        entropy -= p * log2(p);
    }
    return entropy;
}

// =====
double entropie(string const& s)
{
    return entropie(calcule_probab(s));
}

// =====
```

```

// Tests
// -----
void test2(Distribution const& probas) {
    cout << "p=";
    for (auto p : probas) cout << p << ", ";
    cout << ") --> H = " << entropie(probas) << " bit" << endl;
}
// -----
void test1(double p0) {
    test2({ p0, 1.0 - p0 });
}
// -----
void test3(string const& s) {
    cout << "Chaîne « " << s << " » : " << endl;
    test2(calculer_probabilites(s));
    cout << "et directement : H = " << entropie(s) << " bit" << endl;
}

// =====
int main()
{
    // ---- 1) tests entropie binaire
    test1(0.0);
    test1(0.3);
    test1(0.5);
    test1(0.7);
    test1(1.0);

    test2({ 0.1, 0.2, 0.3, 0.4 });
    test2(Distribution(8, 1.0/8.0)); // équirépartie

    test3("IL FAIT BEAU A IBIZA");
    test3("AAAAA");
    test3("A");

    cout << "Entrez une chaîne : ";
    string s;
    cin >> s;
    test3(s);

    return 0;
}

```