

## Série 16

---

**Exercice 1.** Une baignoire contient 165 litres d'eau. Dès le moment où on enlève le bouchon il s'écoule 30 litres par minute. Décris à l'aide d'une fonction la quantité d'eau qui reste dans la baignoire en fonction du temps  $t$ . Représente graphiquement la situation et détermine en combien de temps la baignoire sera vide.

**Exercice 2.** Donne une représentation graphique des fonctions suivantes. Détermine chaque fois la pente et l'ordonnée à l'origine.

a)  $f(x) = -\frac{3}{4}x + 3$

b)  $g(x) = 7x$

c)  $h(x) = x - 2$

**Exercice 3.** Détermine :

a) la fonction affine dont le graphe passe par les points  $(3; 1)$  et  $(4; -2)$ ;

b) la fonction affine  $f(x)$  telle que  $f(1) = 4$  et  $f(2) = 0$ ;

c) l'équation de la droite de pente  $-\frac{5}{4}$  et passant par le point  $(1; -1)$ ;

d) l'équation de la droite parallèle à la droite  $y = 5x + 2$  et passant par le point  $(1; 3)$ ;

e) l'équation de la droite perpendiculaire à la droite  $y = 5x + 2$  et passant par le point  $(5; 5)$ .

**Exercice 4.** Si en Europe on mesure la température en degrés Celsius  $^{\circ}\text{C}$ , aux États-Unis on utilise les degrés Fahrenheit  $^{\circ}\text{F}$ . Sachant que  $0^{\circ}\text{C}$  correspond à  $32^{\circ}\text{F}$ , que  $100^{\circ}\text{C}$  correspond à  $212^{\circ}\text{F}$  et que l'échelle de conversion est affine, détermine la règle de conversion d'une température exprimée en degrés Celsius en degrés Fahrenheit et inversement.

Un superordinateur américain peut fonctionner à des températures comprises entre  $41^{\circ}\text{F}$  et  $95^{\circ}\text{F}$ . On aimerait l'utiliser en Europe. À quelles températures en degré Celsius peut-il fonctionner ?

**Exercice 5.** Détermine le sommet, l'ordonnée à l'origine et les zéros des fonctions quadratiques suivantes, puis effectue une étude de signe et représente le graphe :

a)  $f(x) = x^2 + 6x + 9$ ;

d)  $f(x) = -3x^2 - 2x + 8$ ;

b)  $f(x) = -x^2 - 2x - 5$ ;

e)  $f(x) = x^2 - 2x - 7$ ;

c)  $f(x) = 4x^2 + 5x - 6$ ;

f)  $f(x) = -5x^2 - x + 8$ .

**Exercice 6.** Détermine l'équation de la parabole passant par les points  $(2; 9)$ ,  $(-6; -7)$  et  $(1; 0)$ .

**Exercice 7.** Donné un point  $F = (0; \frac{1}{4a})$  du plan et une droite  $d$  d'équation  $y = -\frac{1}{4a}$ , démontre que le lieu des points  $P$  du plan à égale distance de  $F$  et de  $d$  est donné exactement par les points  $P = (x; y)$  qui satisfont  $y = ax^2$ .

**Exercice 8.** Les assertions suivantes sont-elles vraies ou fausses ? Justifie tes réponses !

a) Il existe une parabole de sommet  $(0, 0)$  et de foyer  $(0; 1)$ .

b) Le sommet de la parabole d'équation  $y = x^2 - 48x$  est le point  $(12; -332)$ .

c) Il existe une parabole passant par les points  $(-3; 5)$ ,  $(-1; -3)$ ,  $(0; -4)$  et  $(2; 0)$ .

d) Il existe une parabole de sommet  $(2; 0)$  et de foyer  $(0; 0)$ .

e) Le graphe de la fonction  $f(x) = x^4 + 1$  est une parabole.

**Exercice 9.** Quelle est la valeur maximale du produit de deux nombres réels si leur somme vaut 35 ?

\* **Exercice 10.** Détermine les valeurs du paramètre  $m$  pour que la parabole d'équation

$$y = -x^2 + 3x + 4$$

soit tangente à la droite  $y = mx + 5$ , puis calcule ce point de tangence et vérifie tes résultats graphiquement.

**Exercice 11.** On a une longue pièce de fer-blanc de 30 cm de large avec laquelle on aimerait fabriquer une gouttière en redressant en position verticale deux bandes de largeur égale (la gouttière est de section rectangulaire  $\sqcup$ ). Quelle doit être la largeur de ces bandes si on veut que la gouttière ait une capacité maximale ?