



Ens. : O. Lévêque, J.-Ph. Pellet
 CS-119h : Information, Calcul, Communication -
 (n/a)
 Vendredi 4 novembre 2022
 Durée : 180 minutes

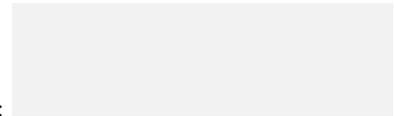
n/a

n/a

SCIPER : 999999

SALLE : BLANK

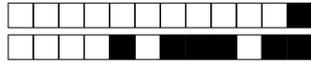
Signature :



Attendez le début de l'épreuve avant de tourner la page. Ce document est imprimé recto-verso, il contient 12 pages, les dernières pouvant être vides. Ne pas dégrafer.

- Posez votre carte d'étudiant sur la table.
- Document autorisé pour cet examen : un formulaire constitué d'une page A4 recto-verso, manuscrite (ou préparée avec styler+tablette).
- L'utilisation tout appareil électronique (calculatrice, ordinateur, smartphone/watch, tablette) est interdite pendant l'épreuve.
- L'examen est composé de deux parties:
 - une partie avec 16 questions à choix multiple ; chaque question admet une seule réponse correcte parmi 4 possibilités : la réponse correcte vaut 1 point ; toute autre option (pas de réponse, réponse fausse, ou plusieurs cases cochées) vaut 0 point.
 - une partie avec des questions de type ouvert, valant en tout 24 points.
- Merci d'avance de soigner la présentation de vos réponses !
- Utilisez un **stylo** à encre **noire ou bleu foncé** et effacez proprement avec du **correcteur blanc** si nécessaire.
- Si une question est erronée, l'enseignant se réserve le droit de l'annuler.

Respectez les consignes suivantes Read these guidelines Beachten Sie bitte die unten stehenden Richtlinien		
choisir une réponse select an answer Antwort auswählen	ne PAS choisir une réponse NOT select an answer NICHT Antwort auswählen	Corriger une réponse Correct an answer Antwort korrigieren
<input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
ce qu'il ne faut PAS faire what should NOT be done was man NICHT tun sollte		
<input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>		



Première partie, questions à choix multiple

Pour chaque question, marquer la case correspondante à la réponse correcte sans faire de ratures. Il n'y a qu'une seule réponse correcte par question.

Question 1 :

algorithme
entrée : liste L de nombres entiers positifs, de taille n sortie : nombre entier positif s
$s \leftarrow 0$ Pour i allant de 1 à $n - 1$ Pour j allant de $i + 1$ à n Si $L(i) < L(j)$ $s \leftarrow s + 1$ Sortir : s

Pour laquelle des listes L en entrée (toutes de taille $n = 4$) l'algorithme ci-dessus sort-il la plus grande valeur de s ?

- $L = (1, 3, 2, 4)$
- $L = (1, 1, 2, 2)$
- $L = (3, 4, 1, 2)$
- $L = (4, 2, 3, 1)$

Question 2 :

Considérons l'algorithme suivant:

algo
entrée : nombre entier strictement positif n sortie : ???
$i \leftarrow 1$ Tant que $i \leq n^2$ $i \leftarrow 2i$ Sortir : i

Laquelle des affirmations suivantes est-elle vraie?

- $\frac{n^2}{2} \leq \mathbf{algo}(n) < n^2$
- $\mathbf{algo}(n) \geq 2n^2$
- $\mathbf{algo}(n) < \frac{n^2}{2}$
- $n^2 \leq \mathbf{algo}(n) < 2n^2$

Question 3 :

Quelle est la complexité temporelle de l'algorithme $\mathbf{algo}(n)$ de la question 2 ci-dessus?

- $\Theta(2^n)$ ou plus
- $\Theta(\log_2(n))$
- $\Theta(n^2)$
- $\Theta(n)$



Question 4 :

algo1
entrée : <i>nombre entier strictement positif n</i> sortie : ???
$\begin{array}{l} \text{Si } n = 1 \\ \quad \text{ Sortir : } 1 \\ \text{Sortir : } \text{algo1}(n + 1)/2 \end{array}$

algo2
entrée : <i>nombre entier strictement positif n</i> sortie : ???
$\begin{array}{l} \text{Si } n = 1 \text{ ou } n \geq 100 \\ \quad \text{ Sortir : } n \\ \text{Sortir : } \frac{\text{algo2}(n - 1) + \text{algo2}(n + 1)}{2} \end{array}$

algo3
entrée : <i>nombre entier strictement positif n</i> sortie : ???
$\begin{array}{l} s \leftarrow 0 \\ \text{Tant que } n \geq 1 \\ \quad \quad s \leftarrow s + n \\ \text{Sortir : } s \end{array}$

algo4
entrée : <i>nombre entier strictement positif n</i> sortie : ???
$\begin{array}{l} \text{Si } n \geq 100 \\ \quad \text{ Sortir : } 1 \\ \text{Sortir : } \frac{\text{algo4}(2n) + \text{algo4}(4n)}{2} \end{array}$

Lequel des algorithmes ci-dessus termine-t-il pour toute valeur de $n \geq 1$ en entrée?

- | | |
|--------------------------------|--------------------------------|
| <input type="checkbox"/> algo1 | <input type="checkbox"/> algo2 |
| <input type="checkbox"/> algo3 | <input type="checkbox"/> algo4 |

Question 5 :

algorec
entrée : <i>a, b nombres entiers strictement positifs</i> sortie : ???
$\begin{array}{l} \text{Si } a = 1 \text{ ou } b = 1 \\ \quad \text{ Sortir : } 1 \\ \text{Sortir : } \text{algorec}(a - 1, b) + \text{algorec}(a, b - 1) \end{array}$

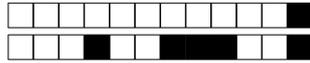
Quelle est la complexité temporelle de **algorec**(a, b) lorsque $a = b = n$ en entrée?

- $\Theta(\log_2(n))$
- $\Theta(n^2)$
- $\Theta(n)$
- $\Theta(2^n)$ ou plus

Question 6 :

En utilisant la représentation binaire des nombres entiers positifs sur 8 bits, on représente le nombre entier x par 00001100. Quelle est alors la représentation binaire de x^2 ?

- 01010000
- 00110000
- 10010000
- 11000000

**Question 7 :**

On considère le problème suivant:

Identifier si, étant donné une liste L de n nombres entiers relatifs, il existe un sous-ensemble $S \subset \{1, \dots, n\}$ tel que $\sum_{i \in S} L(i) \geq 0$.

Laquelle des affirmations suivantes est-elle vraie?

- Ce problème fait partie de la classe NP, mais on ne sait pas s'il fait partie de la classe P.
- Ce problème fait partie de la classe NP, donc il ne fait pas partie de la classe P.
- Ce problème fait partie de la classe P.
- Ce problème ne fait partie ni de la classe P, ni de la classe NP.

Question 8 :

On considère le problème du voyageur de commerce vu au cours (où on rappelle que L_{\min} est la longueur du chemin fermé optimal passant une et une seule fois par chacune des n villes). Laquelle des affirmations suivantes est-elle vraie?

- Il est possible de trouver en temps polynomial en n un chemin fermé de longueur L passant une et une seule fois par chaque ville tel que $L_{\min} \leq L \leq 2L_{\min}$
- Il est possible de trouver en temps polynomial en n un chemin fermé de longueur L passant une et une seule fois par chaque ville tel que $L \leq \frac{L_{\min}}{2}$
- Il est possible de trouver en temps polynomial en n un chemin fermé de longueur L passant une et une seule fois par chaque ville tel que $\frac{L_{\min}}{2} \leq L \leq L_{\min}$
- Aucune des trois affirmations ci-dessus n'est vraie.

Question 9 :

On considère la ligne de code `result = a + b`. Quelle affirmation est **incorrecte**?

- `result` contiendra toujours soit un `int`, soit un `float`, soit un `str`.
- `a` et `b` ne doivent pas forcément être du même type pour que l'opération réussisse.
- Si `a` et `b` ne sont pas du même type, l'opération peut générer une erreur.
- L'opération `result = str(a) + str(b)` effectuera toujours une concaténation de chaînes de caractères.

Question 10 :

On considère l'extrait de code ci-dessous. Quelle expression sera toujours évaluée à `True`, en partant du principe que `a` et `b` sont deux variables de type `int` strictement positives?

```
q = a // b
```

```
r = a % b
```

- `q * b == a + r`
- `q * b + r == a`
- `q * b == a`
- `q // r * b == a`

**Question 11 :**

On considère l'expression `s[n:m]`, avec `s` une chaîne de caractères non vide, et `n` et `m` deux `int` tels que $0 \leq n \leq m \leq \text{len}(s)$. Quelle affirmation est **incorrecte**?

- On peut omettre `n` de cette expression si `n == 0` et écrire `s[:m]`.
- L'expression retourne une chaîne de caractères de longueur `m - n`.
- On peut omettre `m` de cette expression si `m == len(s) - 1` et écrire `s[n:]`.
- Si `n == m`, alors `s[n:m]` est toujours une chaîne de caractères vide.

Question 12 :

On suppose que `my_list` est une liste non vide de `int`. Quel extrait de code ne calculera **pas** dans `min_index` l'index du plus petit élément?

A)

```
min_index = 0
elem = 0
for elem in my_list:
    if elem < min_index:
        min_index = elem
```

B)

```
min_index = 0
for i, elem in enumerate(my_list):
    if elem < my_list[min_index]:
        min_index = i
```

C)

```
min = my_list[0]
min_index = 0
for i in range(1, len(my_list)):
    if my_list[i] < min:
        min = my_list[i]
        min_index = i
```

D)

```
min_index = 0
i = 1
while i < len(my_list):
    if my_list[i] < my_list[min_index]:
        min_index = i
    i += 1
```

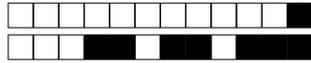
- Extrait A)
- Extrait B)
- Extrait C)
- Extrait D)

Question 13 :

On considère l'extrait de code ci-dessous. Quelle affirmation est **incorrecte**?

```
name: str = ... # une chaîne de caractères non vide
if name == "Alice" or "Alexandre":
    print("Ton nom commence par un A")
else:
    print("Je ne pense pas reconnaître ton nom")
```

- La condition `name == "Alice"` donne `True` lorsque `name` vaut `"Alice"`, mais pas lorsque `name` vaut `"alice"`.
- L'expression `cond1 or cond2` donne `True` si au moins une des conditions `cond1` ou `cond2` vaut `True`.
- Une seule et même branche de ce code sera toujours exécutée, indépendamment de la valeur de `name`.
- Il y a exactement deux valeurs possibles pour `name` qui feront afficher le message `Ton nom commence par un A`.

**Question 14 :**

Qu'affiche cet extrait de code?

```
my_string = "Programming"
if "amm" in my_string:
    print("A", end="")
elif my_string.lower().startswith("pro"):
    print("B", end="")
if my_string.endswith("ation"):
    print("C", end="")
else:
    print("D", end="")
print("-")
```

- BD-
- AD-
- BC-
- ABD-

Question 15 :

Que contient la variable `apollinaire` après exécution de cet extrait de code?

```
apollinaire = ["et", "l'unique", "cordeau", "des", "trompettes", "marines"]
poem = apollinaire
poem[0:1] = ["Et"]
```

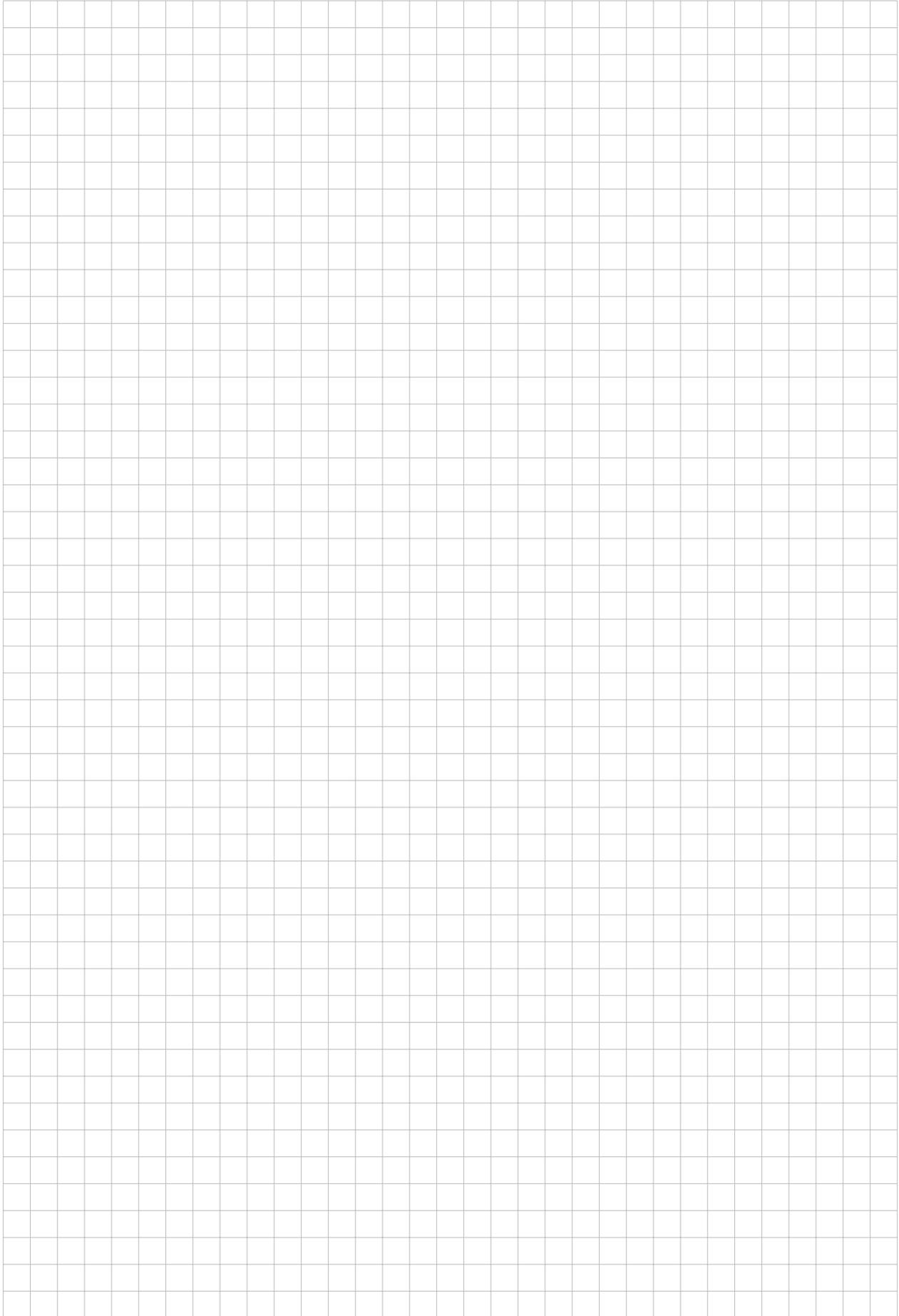
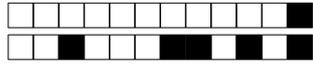
- ["et", "l'unique", "cordeau", "des", "trompettes", "marines"]
- ["Et", "l'unique", "cordeau", "des", "trompettes", "marines"]
- [{"Et"}, "l'unique", "cordeau", "des", "trompettes", "marines"]
- ["Et", "et", "l'unique", "cordeau", "des", "trompettes", "marines"]

Question 16 :

Quelle affirmation sur cet extrait de code est incorrecte?

```
my_list: List[int] = ... # longue liste de valeurs omise
my_set: Set[int] = set(my_list)
```

- L'expression `my_list.count(x)` avec `x` un élément de `my_set` peut donner une valeur supérieure à 1.
- Les deux tests d'appartenance `x in my_list` et `x in my_set` sont possibles, mais n'ont pas la même complexité temporelle exprimée avec la notation $\Theta(\cdot)$.
- Pour tout index `i` tel que $0 \leq i < \text{len}(\text{my_list})$, `my_list[i]` donne la même valeur que `my_set[i]` si et seulement si `my_list` ne contient pas de doublon.
- Cette expression donnera toujours `True`: `len(my_set) <= len(my_list)`.





Question 18: Cette question est notée sur 4 points.

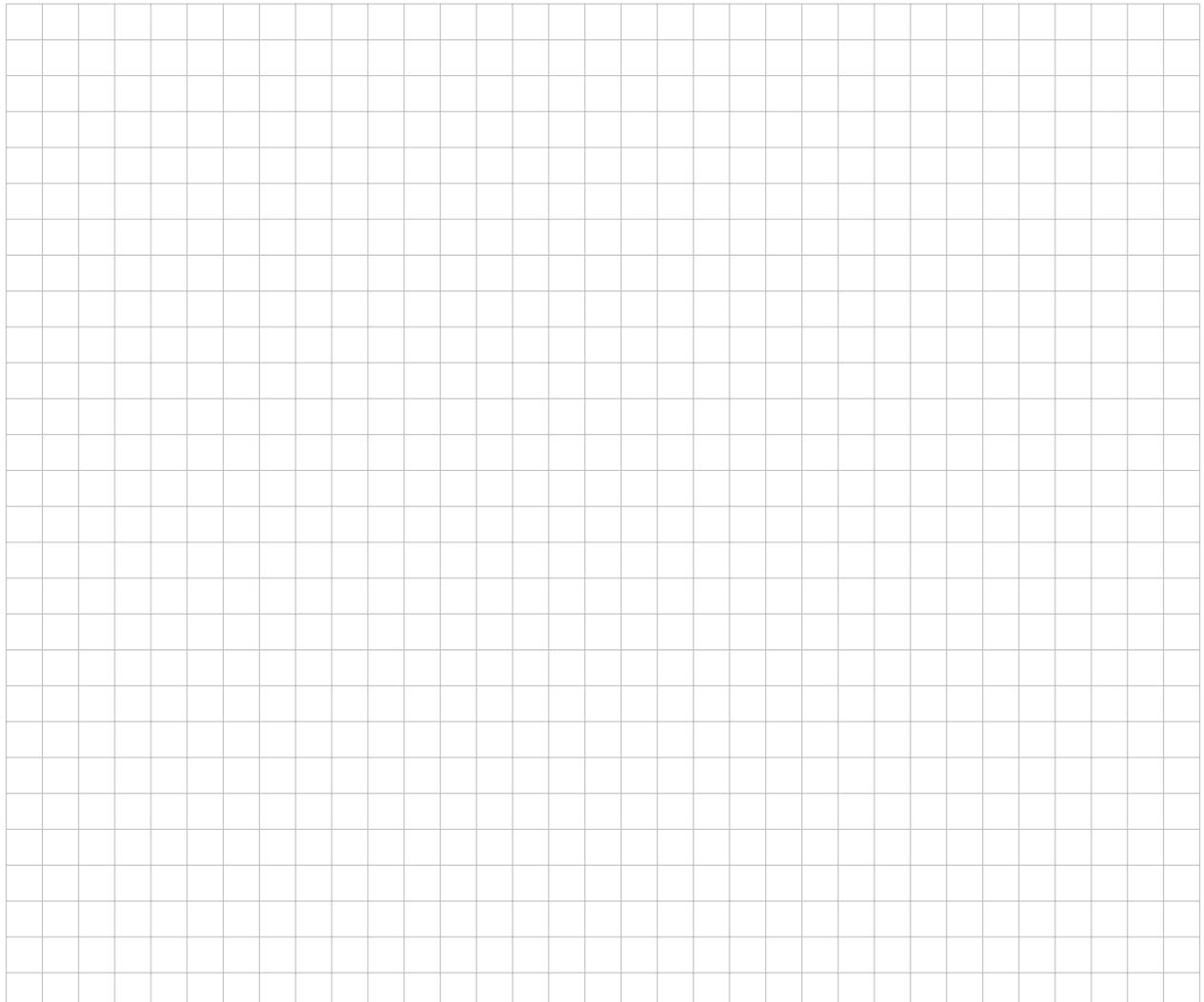
0 1 2 3 4

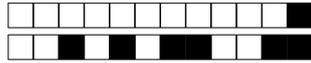
Réservé au correcteur

On considère l’algorithme suivant:

algorithme
entrée : <i>nombre entier strictement positif</i> n
sortie : ???
$\text{Si } n = 1$ Sortir : 1
$\text{Si } n \text{ est pair}$ Sortir : $1 + \text{algorithme}(n/2)$
Sinon Sortir : $\text{algorithme}(n - 1)$

- a) (1 point) Quelle est la sortie de cet algorithme si $n = 32$ en entrée?
- b) (1 point) Quelle est la sortie de cet algorithme si $n = 31$ en entrée?
- c) (1 point) Pour une valeur quelconque de $n \geq 1$ en entrée, que représente la sortie de cet algorithme?
- d) (1 point) Quelle est la complexité temporelle de cet algorithme? (utiliser la notation $\Theta(\cdot)$)





Question 19: Cette question est notée sur 5 points.

0 1 2 3 4 5 Réservé au correcteur

Estimons la valeur de π par simulation avec la technique suivante. On considère un point (x, y) avec x et y uniformément distribués sur l'intervalle $[-1, 1]$: la probabilité p que ce point se situe sur le disque unité est égale à l'aire du disque unité ($\pi r^2 = \pi$ comme $r = 1$) divisée par l'aire du carré circonscrit (4), soit $p = \frac{\pi}{4}$.

a) (1 point) Écrivez une fonction `is_in_unit_disc` qui accepte deux paramètres `x` et `y` et qui indique en valeur de retour si oui ou non (x, y) est sur le disque unité, c'est-à-dire si $x^2 + y^2 < 1$. Précisez les types des paramètres et le type de retour de la fonction.

```
def is_in_unit_disc(-----) -> -----:

```

b) (1 point) En partant du principe que l'expression `rand()` vous livre une valeur aléatoire uniformément distribuée sur l'intervalle $[-1, 1]$, complétez la fonction `simulate_one` pour qu'elle retourne `True` si un point (x, y) généré aléatoirement tel que décrit ci-dessus se trouve sur le disque unité, et `False` sinon. Faites pour cela appel à la fonction `is_in_unit_disc`.

```
def simulate_one() -> bool:

```

c) (3 points) Complétez la fonction `estimate_pi` de façon à ce qu'en appelant `num` fois la fonction `simulate_one`, elle calcule \hat{p} , la probabilité estimée qu'un point aléatoire tel que décrit ci-dessus se trouve sur le disque unité, et qu'elle retourne $\hat{\pi}$, la valeur estimée de π correspondante, soit $\hat{\pi} = 4\hat{p}$.

```
def estimate_pi(num: int) -> float:

```